(19) 世界知的所有権機関 国際事務局

ì



- 1 1881 | 1881 | 1881 | 1881 | 1881 | 1882 | 1883 | 1884 | 1885 | 1884 | 1885 | 1885 | 1885 | 1885 | 1885 | 1

(43) 国際公開日 2004 年4 月15 日 (15.04.2004)

PCT

(10) 国際公開番号 WO 2004/031998 A1

(51) 国際特許分類7:

G06F 17/50

(21) 国際出願番号:

PCT/JP2003/012748

(22) 国際出願日:

2003 年10 月6 日 (06.10.2003)

00.10.2005)

(25) 国際出願の言語:

日本語

(26) 国際公開の言語:

日本語

(30) 優先権データ:

特願2002-292585 2002 年10 月4 日 (04.10.2002) J

(71) 出願人 (米国を除く全ての指定国について): 三菱重 工業株式会社 (MITSUBISHI HEAVY INDUSTRIES) [JP/JP]; 〒108-8215 東京都港区港南二丁目 1 6番5号 Tokyo (JP). 株式会社パル構造 (PAL CORPORATION LTD.) [JP/JP]; 〒852-8003 長崎県 長崎市 旭町 8 – 2 O Nagasaki (JP).

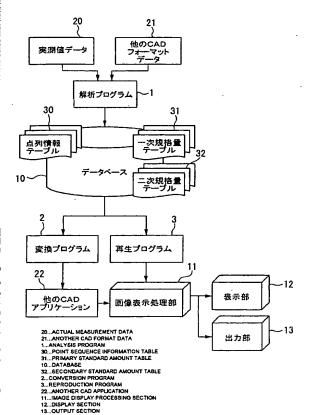
(72) 発明者; および

(75) 発明者/出願人 (米国についてのみ): 三浦 正美 (MIURA,Masami) [JP/JP]; 〒851-0392 長崎県 長崎市 深堀町五丁目 7 1 7 番 1 号 三菱重工業株式会社 長崎研究所内 Nagasaki (JP). 河野 隆之 (KAWANO,Takayuki) [JP/JP]; 〒851-0392 長崎県 長崎市 深堀町五丁目 7 1 7 番 1 号 株式会社長菱エンジニアリング内 Nagasaki (JP). 佐々木 裕一 (SASAKI,Yuichi) [JP/JP]; 〒851-0392 長崎県 長崎市 深堀町五丁目 7 1 7 番 1 号 三菱重工業株式会社長崎研究所内 Nagasaki (JP). 中濱 剛 (NAKA-HAMA,Tsuyoshi) [JP/JP]; 〒852-8003 長崎県長崎市旭町 8-2 0 株式会社パル構造内 Nagasaki (JP). 吉

[続葉有]

(54) Title: CAD SYSTEM AND CAD PROGRAM

(54) 発明の名称: CADシステム及びCADプログラム



(57) Abstract: A CAD system and a CAD program capable of significantly increasing the utility value of a CAD model and efficiency of the design/production process by employing the theory of surfaces guaranteeing the continuity of a free curve/curved surface. The program causes a computer to execute a point sequence extraction processing for extracting a plurality of point sequences on a curved surface, a division processing for generating a curved surface from a point sequence by using another CAD system and dividing the curved surface into a predetermined number of meshes, a primary standard amount calculation processing for calculating a primary standard amount defined by a tangent vector forming a mesh tangent plane, a secondary standard amount calculation processing for calculating a secondary standard amount defined by a tangent vector and a mesh normal vector, and a storage processing for storing the point sequence information, the first standard amount, and the second standard amount.

(57) 要約: 自由曲線・曲面の連続性を保障する曲面理論を採用することで、CADモデルの利用価値を大幅に高めることができるとともに、設計・生産プロセスを効率化することができるCADシステム及びCADプラムを提供する。 コンピュータに、曲面上の複数の点列を抽出する点列情報抽出処理と、点列から他のCADシステムを用いて曲面を生成し、曲面を所定数のメッシュに分割する分割処理と、メッシュの接平面を影出する接線ベクトルによって定義される一次規格量を算出の理と、点列情報及び一次規格量並びに二次規格量を記憶する記憶処理とを実行させる。



田 康彦 (YOSHIDA, Yasuhiko) [JP/JP]; 〒446-0054 愛 知県 安城市 二本木町二ツ池 2 8 番地 1 サイテック 株式会社内 Aichi (JP).

- (74) 代理人: 藤田 考晴、外(FUJITA,Takaharu et al.); 〒 220-0012 神奈川県 横浜市 西区みなとみらい 3-3-1 三菱重工横浜ビル24F Kanagawa (JP).
- (81) 指定国 (国内): AE, AG, AL, AM, AT, AU, AZ, BA, BB, BG, BR, BY, BZ, CA, CH, CN, CO, CR, CU, CZ, DE, DK, DM, DZ, EC, EE, EG, ES, FI, GB, GD, GE, GH, GM, HR, HU, ID, IL, IN, IS, KE, KG, KP, KR, KZ, LC, LK, LR, LS, LT, LU, LV, MA, MD, MG, MK, MN, MW, MX, MZ, NI, NO, NZ, OM, PG, PH, PL, PT, RO, RU, SC, SD, SE, SG, SK, SL, SY, TJ, TM, TN, TR, TT, TZ, UA, UG, US, UZ, VC, VN, YU, ZA, ZM, ZW.
- (84) 指定国(広域): ARIPO 特許 (GH, GM, KE, LS, MW, MZ, SD, SL, SZ, TZ, UG, ZM, ZW), ユーラシア特許 (AM, AZ, BY, KG, KZ, MD, RU, TJ, TM), ヨーロッパ特許 (AT, BE, BG, CH, CY, CZ, DE, DK, EE, ES, FI, FR, GB, GR, HU, IE, IT, LU, MC, NL, PT, RO, SE, SI, SK, TR), OAPI 特許 (BF, BJ, CF, CG, CI, CM, GA, GN, GQ, GW, ML, MR, NE, SN, TD, TG).

添付公開書類:

一 国際調査報告書

2文字コード及び他の略語については、定期発行される 各PCTガゼットの巻頭に掲載されている「コードと略語 のガイダンスノート」を参照。

明 細 書 CADシステム及びCADプログラム

技術分野

5 本発明は、部材の形状を目標の曲面形状に変形するCADシステム及びCAD プログラムに関する。

背景技術

25

今日、消費者の要求に応えるべく、企画から設計・生産のプロセスの短縮化が 望まれている。設計・生産プロセスを効率化するために、CG(Compute r Graphics)やCAD(Computer Aided Desig n)システムの利用が盛んに行われている。コンピュータ上で自動車や家庭電器 製品等の複雑な曲線や曲面形状を持った形状を表現するために、従来、以下の処 理方法が存在する

15 一つ目はソリッドモデルであって、プリミティブと呼ばれる簡単な形状をコンピュータ内で保持し、その形状同士を組み合わせる操作を繰り返して、複雑な形状を表現する。プリミティブとは、例えば円柱、立方体、直方体、トーラス、球等であって、ソリッドモデルにおいてはこれらのプリミティブの集合演算によって形状表現を行う。したがって、複雑な形状を作成するためには多くのステップを必要とするとともに、厳密な計算が必要となる。

二つ目はサーフェスモデルであって、bezier、b-spline、有理bezier、NURBS(Non-Uniform Rational b-spline)などのアルゴリズムを利用することにより、線や面を切る、つなげるといった操作を行い、この繰り返しにより複雑な自由曲線・曲面を表現する。

しかし、上述のソリッドモデルやサーフェスモデルでは表現上では問題がない モデルであっても、CAMやCAE等の下流アプリケーションで使用する場合に 問題が発生することがある。この原因は、作成したCGがサポートするサポート 要素と他のCG、CAD及び下流アプリケーションがサポートするサポート要素 の違いや形状定義の違い等であり、これらの違いを修正するトランスレータ等のアプリケーションを介してモデルの補正を行う(特開2001-250130号公報、特開平11-65628号公報、特開平10-69506号公報、特開平4-134571号公報、特開平4-117572号公報、及び特開平1-65628号公報)。

発明の開示

5

10

15

20

25

しかし、上述の補正作業は設計・生産プロセスの短縮化を図る上では、極めて 非効率的である。補正が必要となる理由は、個々のケースによって様々である が、特に生産過程において問題となる点は、従来のCGやCADシステムにおい ては、ユークリッド幾何によってすべての曲線・曲面表現を近似しているであ る。例えば、図6に示す鞍型のタブシル面をスイープ操作によって生成する場 合、鞍の裾部分の長い線と鞍の中心部分の短い線とが存在する。したがってこの スイープ操作は生成される曲面の連続性を保つように図形の伸縮を伴う変形とな る。しかし、従来のCGやCADシステムにおいてはこの伸縮を考慮しておら ず、内部表現としては円筒型として近似表現している。このため、実際にこうい ったユークリッド幾何で近似的に表現されるCGモデル、あるいはCADモデル をCAEに渡すと、ここで生じる誤差が生産上問題となる。

本発明は、このような問題を解消すべく案出されたものであり、CGモデルあるいはCADモデルの利用価値を大幅に高めることができるとともに、設計・生産プロセスを効率化することができるCADシステム及びCADプログラムを提供することを目的とする。

本発明のCADシステムは、曲面上の複数の点列を抽出する点列情報抽出手段と、前記点列から他のCADシステムを用いて曲面を生成し、該曲面を所定数のメッシュに分割する分割手段と、該メッシュの接平面を形成する接線ベクトルによって定義される一次規格量を算出する一次規格量算出手段と、前記接線ベクトルと前記メッシュの法線ベクトルによって定義される二次規格量を算出する二次規格量算出手段と、前記点列情報及び前記一次規格量並びに前記二次規格量を記憶する記憶手段とを具備することを特徴とする。

15

20

. 25

また、本発明のCADシステムは、前記一次規格量及び二次規格量に基づいて、前記メッシュの主曲率を算出する主曲率算出手段と、前記主曲率に基づいて、前記メッシュの主方向を示す曲率線を算出する曲率線算出手段と、前記主曲率,前記主方向,前記曲率線,並びに前記一次規格量及び二次規格量に基づいて算出されるガウス曲率及び平均曲率からなる前記曲面の特徴を示す5つの特徴量のうち、1または2以上の特徴量の変化パターンによって規定される変形の基準点または基準線となる点または線の抽出を行う特徴点・特徴線解析手段と、前記一次規格量及び二次規格量より算出される曲率に基づいてガース長さを算出するガース長さ算出手段とをさらに具備することを特徴とする。

3

また、本発明のCADシステムは、前記特徴点または特徴線を変形の基準として、前記曲率線方向に前記ガース長さ分だけ前記曲率線を変形させ、前記メッシュまたは前記曲面を再生する再生手段とをさらに具備することを特徴とする。

また、本発明のCADシステムは、前記再生したメッシュまたは曲面から曲面上の複数の点列を抽出し、該点列を他のCADシステムにおける図形表現アルゴリズムにしたがって、変換する変換手段をさらに具備することを特徴とする。

本発明のCADプログラムは、コンピュータに、曲面上の複数の点列を抽出する点列情報抽出処理と、前記点列から他のCADシステムを用いて曲面を生成し、該曲面を所定数のメッシュに分割する分割処理と、該メッシュの接平面を形成する接線ベクトルによって定義される一次規格量を算出する一次規格量算出処理と、前記接線ベクトルと前記メッシュの法線ベクトルによって定義される二次規格量を算出する二次規格量算出処理と、前記点列情報及び前記一次規格量並びに前記二次規格量を記憶する記憶処理とを実行させることを特徴とする。

また、本発明のCADプログラムは、前記一次規格量及び二次規格量に基づいて、前記メッシュの主曲率を算出する主曲率算出処理と、前記主曲率に基づいて、前記メッシュの主方向を示す曲率線を算出する曲率線算出処理と、前記主曲率,前記主方向,前記曲率線,並びに前記一次規格量及び二次規格量に基づいて算出されるガウス曲率及び平均曲率からなる前記曲面の特徴を示す5つの特徴量のうち、1または2以上の特徴量の変化パターンによって規定される変形の基準点または基準線となる点または線の抽出を行う特徴点・特徴線解析処理と、前記

15

20

25

一次規格量及び二次規格量より算出される曲率に基づいてガース長さを算出するガース長さ算出処理とをさらにコンピュータに実行させるためのCADプログラムである。

また、本発明のCADプログラムは、前記特徴点または特徴線を変形の基準として、前記曲率線方向に前記ガース長さ分だけ前記曲率線を変形させ、前記メッシュまたは前記曲面を再生する再生処理をさらにコンピュータに実行させるためのCADプログラムである。

また、本発明のCADプログラムは、前記再生したメッシュまたは曲面から曲面上の複数の点列を抽出し、該点列を他のCADシステムにおける図形表現アルゴリズムにしたがって、変換する変換処理をさらにコンピュータに実行させるためのCADプログラムである。

本発明のCGシステムは、曲面上の複数の点列を抽出する点列情報抽出手段と、前記点列から他のCGシステムを用いて曲面を生成し、該曲面を所定数のメッシュに分割する分割手段と、該メッシュの接平面を形成する接線ベクトルによって定義される一次規格量を算出する一次規格量算出手段と、前記接線ベクトルと前記メッシュの法線ベクトルによって定義される二次規格量を算出する二次規格量算出手段と、前記点列情報及び前記一次規格量並びに前記二次規格量を記憶する記憶手段とを具備することを特徴とする。

本発明のCGプログラムは、コンピュータに、曲面上の複数の点列を抽出する 点列情報抽出処理と、前記点列から他のCGシステムを用いて曲面を生成し、該 曲面を所定数のメッシュに分割する分割処理と、該メッシュの接平面を形成する 接線ベクトルによって定義される一次規格量を算出する一次規格量算出処理と、 前記接線ベクトルと前記メッシュの法線ベクトルによって定義される二次規格量 を算出する二次規格量算出処理と、前記点列情報及び前記一次規格量並びに前記 二次規格量を記憶する記憶処理とを実行させるためのCGプログラムである。

本発明は、以下の効果を奏する。

曲面上の複数の点列を抽出する点列情報抽出手段と、点列から他のCGまたは CADシステムを用いて曲面を生成し、曲面を所定数のメッシュに分割する分割 手段と、メッシュの接平面を形成する接線ベクトルによって定義される一次規格 量を算出する一次規格量算出手段と、接線ベクトルとメッシュの法線ベクトルによって定義される二次規格量を算出する二次規格量算出手段と、点列情報及び一次規格量並びに二次規格量を記憶する記憶手段とを具備するので、自由曲線・曲面の連続性を保障する曲面理論を採用することで、CGモデルまたはCADモデルの利用価値を大幅に高めることができるとともに、設計・生産プロセスを効率化することができる。

また、一次規格量及び二次規格量に基づいて、メッシュの主曲率を算出する主曲率第出手段と、主曲率に基づいて、メッシュの主方向を示す曲率線を算出する曲率線算出手段と、主曲率、主方向、曲率線、並びに一次規格量及び二次規格量に基づいて算出されるガウス曲率及び平均曲率からなる曲面の特徴を示す5つの特徴量のうち、1または2以上の特徴量の変化パターンによって規定される変形の基準点または基準線となる点または線の抽出を行う特徴点・特徴線解析手段と、一次規格量及び二次規格量より算出される曲率に基づいてガース長さを算出するガース長さ算出手段とをさらに具備するので、曲面理論によって解析されたCGまたはCADモデルを再生及び他のCGまたはCADモデルへ変換することができる。

また、特徴点または特徴線を変形の基準として、曲率線方向にガース長さ分だけ曲率線を変形させ、メッシュまたは曲面を再生する再生手段とをさらに具備するので、曲面理論によって解析されたCGまたはCADモデルを再生することができる。

また、再生したメッシュまたは曲面から曲面上の複数の点列を抽出し、点列を他のCGまたはCADシステムにおける図形表現アルゴリズムにしたがって、変換する変換手段をさらに具備するので、曲面理論によって解析されたCGまたはCADモデルを他のCGまたはCADモデルへ変換することができる。

25

10

15

20

図面の簡単な説明

図1は、本実施形態のCADシステムの構成を示す構成図である。

図 2 は、曲面を $m \times n$ のメッシュに分割し、基本ベクトルS u 、S v を定義する様子を示す説明図である。

20

25

図3は、単位接線ベクトルtと単位法線ベクトルnの張る面を示す説明図である。

図4は、解析プログラム1による自由曲面解析からデータ転送が行われるまで の処理の流れを示すフローチャートである。

- 5 図5は、曲率変化の様子を示す説明図である。
 - 図6は、平均曲率とガウス曲率の分類を示す説明図である。
 - 図7は、等傾斜直交線を示す説明図である。
 - 図8は、主曲率極値線を示す説明図である。
 - 図9は、傾斜極値線とガウス曲率分布の様子を示す説明図である。
- 10 図10は、曲率線を示す説明図である。

発明を実施するための最良の形態

以下、本発明のCADシステムの一実施形態について図面を参照して説明する。図1は本実施形態のCADシステムの構成を示す構成図である。本実施形態のCADシステムは、CPU等の中央演算処理装置(図示せず)、ROMやRAM等の記憶メモリ(図示せず)、データベース10、画像表示処理部11、表示部12、出力部13、通信部(図示せず)からなる。

CPUは、ROMに記憶された解析プログラム1、変換プログラム2、再生プログラム3を読み出して、自由曲面解析、変換、再生に関する一連の処理を実行する。RAMは、CPUが一次的にデータを記憶させるための半導体メモリである。

解析プログラム1は、CATなどによる3次元形状物の実測値データ20や他のCADフォーマットデータ21(例えば、ソリッドモデル、bezier、bーspline、有理bezier、NURBS等のサーフェスモデルで表現された図形データ)を読み込んで、点列情報テーブル30、一次規格量テーブル31、二次規格量テーブル32を作成し、データベース10に記憶させる処理をCPUに実行させるプログラムである。

点列情報テーブル30は、図2に示すように $s(u, v) = \{x(u, v), y(u, v), z(u, v)\}0 \le u, v \le 1 \cdots (式1)$

10 基本ベクトルSu、Svは、曲面の接平面を形成する。また、曲面上の2点s(u、v)からs(u+du、v+dv)を結ぶベクトルdsは

 $ds = s_u du + s_v dv$ …(式2)

で表される。ここで dsの絶対値の自乗は

 $(ds)^2 = ds \cdot ds = s_u^2 (du)^2 + 2s_u \cdot s_v du dv + s_v^2 (dv)^2 \cdots (\pm 3)$

15 で表され、曲面の基本ベクトルより、上述の一次規格量が次式で定義される。

 $E = s_u^2$, $F = s_u - s_v$, $G = s_v^2$... (式4)

上述の一次規格量E, F, Gは、このように各メッシュに一意に定まり、一次 規格量テーブル31は、メッシュID1~IDmnそれぞれに対する値を格納する。

20 また上記式3及び式4をまとめると、

 $ds^2 = E (du)^2 + 2Fdudv + G (dv)^2 \cdots (式5)$

となる。

25

二次規格量テーブル32は、以下の式により導出される二次規格量L、M、Nからなる。基本ベクトルSu、Suがなす角を ω とすると、これらの内積Fと、基本ベクトルのベクトル積の絶対値Hは、一次規格量を用いて以下のように表される。

$$F = |s_u| \cdot |s_v| \cos \omega = (\sqrt{EG}) \cos \omega \quad \cdots (\vec{x}.6)$$

$$H = |s_{u} \times s_{v}| = |s_{u}| \cdot |s_{v}| \sin \omega$$
$$= \sqrt{EG (1 - \cos^{2}\omega)} = \sqrt{FG - F^{2}} \cdots (式7)$$

この算出値Hを用いて、曲面上の単位法線ベクトルnは以下の式で表される。

$$n = \frac{(s_u \times s_v)}{H} \cdots (\pm 8)$$

また、図3に示すように、曲面上の点Pにおける接線ベクトルの線束はこの接 5 平面内に存在し、単位接線ベクトルtの1つは、以下の式で表される。

$$t = \frac{ds}{ds} = s_u \left(\frac{du}{ds}\right) + s_v \left(\frac{dv}{ds}\right) \cdots (式9)$$

図3に示すように、このtとnで定まる平面を法平面という。

この法断面上の点Pにおける曲率 κ を法曲率といい、 t を法断面の弧長 s で微分すると、

$$\frac{dt}{ds} = s_u \frac{d^2u}{ds^2} + s_v \frac{d^2v}{ds^2} + s_{vv} \left(\frac{du}{ds}\right)^2 + 2s_{uv} \left(\frac{du}{ds}\right) \left(\frac{dv}{ds}\right) + s_{vv} \left(\frac{dv}{ds}\right)^2 \cdots ($$

となる。両辺に法線ベクトルを掛けて、以下に示す二次規格量

$$L = n \cdot s_{uu}$$
, $M = n \cdot s_{uv}$, $N = n \cdot s_{vv}$ ··· (式11)

を導入すると、

$$(n - n) \kappa = L \left(\frac{du}{ds}\right)^2 + 2M \left(\frac{du}{ds}\right) \left(\frac{dv}{ds}\right) + N \left(\frac{dv}{ds}\right)^2 \cdots (\pm 12)$$

- 15 となる。

10

20

上述の二次規格量L, M, Nは、このように各メッシュに一意に定まり、二次 規格量テーブル32は、メッシュID1~IDmnそれぞれに対する値を格納する。

なお、式5を式12に代入すると、以下の式が得られる。

$$\kappa = \frac{L (du)^{2} + 2Mdudv + N (dv)^{2}}{E (du)^{2} + 2Fdudv + G (dv)^{2}} \cdots (\pm 13)$$

以上によって一次規格量及び二次規格量から法曲率が算出される。

25

変換プログラム 2 は、点列情報テーブル 3 0、一次規格量テーブル 3 1、二次 規格量テーブル 3 2 より自由曲面に必要な情報を読み出して、自由曲面データを 生成し、他の CADアプリケーションが解釈できる形に変形する処理をコンピュ ータに実行させるプログラムである.

5 再生プログラム3は、変換プログラム2と同様に、点列情報テーブル30、一次規格量テーブル31、二次規格量テーブル32より自由曲面に必要な情報を読み出して自由曲面データを生成し、画像表示処理部11に出力する処理をコンピュータに実行させるプログラムである。

データベース10は、上述の点列情報テーブル30、一次規格量テーブル3 10 1、二次規格量テーブル32を記憶しており、解析プログラム1の出力結果が後 述するメッシュIDと関連付けて書き込まれる。

画像表示処理部11は、再生プログラム及び他のCADアプリケーションからの出力結果の画像表示処理を行う。

表示部12は、画像表示処理部11の出力結果を表示する。

15 出力部13は、画像表示処理部11の出力結果を通信部や他の記録媒体等に出力する。通信部は、LANやインターネット等のネットワークを介して他のサーバやクライアントにデータベース1に記憶された点列情報、一次規格量、二次規格量等のデータの送受信を行う。

次に本実施形態のCADシステムによる自由曲面解析、変換、再生に関する一連の処理の流れについて図面を参照して説明する。図4は、解析プログラム1による自由曲面解析からデータ転送が行われるまでの処理の流れを示すフローチャートである。

ユーザの操作により、実測値データ20や他のCADフォーマットデータ21の解析命令を受けて、CPUはROMより解析プログラム1を読み出して、自由 曲面解析処理を実行する。まずCPUは、実測値データ20や他のCADフォーマットデータ21が保持する、2次元NURBS面や双三次曲面などの曲面上の 複数の点列を抽出する処理を行う。そして、この点列から他のCADシステムを 用いて曲面を生成し(図4のステップS1)、図2に示すように曲面を所定数m nのメッシュに分割した後、各メッシュ部分を基本ベクトルSu、Svで規格化

15

20

する。規格化時に生成される点列情報(u、v)は、データベース10の保持する点列情報テーブル30にメッシュIDとともに関連付けられて書き込まれる。

次にCPUは、微分幾何解析処理を実行する。すなわち、メッシュの接平面を形成する基本ベクトルSu、Svによって定義される一次規格量E,F,Gを算出する処理を行う。算出される一次規格量E,F,Gは、点列情報と同様に、データベース10の保持する一次規格量テーブル31にメッシュIDとともに関連付けられて書き込まれる。またCPUは、基本ベクトルSu、Svとメッシュの単位法線ベクトルnによって定義される二次規格量L,M,Nを算出する処理を行う。算出される二次規格量L,M,Nは、一次規格量E,F,Gと同様に、データベース10の保持する二次規格量テーブル32にメッシュIDとともに関連付けられて書き込まれる。

またCPUは、上述のメッシュを表す微分方程式がそれぞれのメッシュの境界において連続であるための条件、言い換えればこの微分方程式が一意な解を持つための条件である積分可能条件を算出する処理を行う。

今、上述の曲面座標(u、v)を(u1、u2)と置き換え、この点をp(u1、u2)とする。u2を固定し、u1を動かしてできる曲線をu1曲線と呼び、u1を固定し、u2を動かしてできる曲線をu2曲線と呼ぶ時、曲面上のp(u1、u2)点を始点とし、u1曲線、u2曲線に沿う接線ベクトルは以下のように計算できる。

$$e_1 = \frac{\partial p}{\partial u^1}, \quad e_2 = \frac{\partial p}{\partial u^2} \quad \cdots \quad (\pm 14)$$

そして、e1、e2より単位法線ベクトルnが次のように計算できる。

$$n = \frac{e_1 \times e_2}{\|e_1 \times e_2\|} \cdots (\pm 15)$$

このようにして、3本のベクトル $\{e\ 1\ xe\ 2\ xe\ 2\ xe\ n\}$ が曲面上の各点において定義される。

$$E = ||e_1||^2$$
, $F = (e_1, e_2)$, $G = ||e_2||^2$ ··· (式16)

そして、第1基本テンソル(g_{ij} 、i,j=1,2)を以下のように定義す

る。

15

20

$$g_{11} = E, g_{12} = g_{21} = F, g_{22} = G \cdots (式17)$$

また、4個の数の組 g^{ij} 、i,j=1, 2を次のように定義する。

$$g^{11} = \frac{G}{EG - F^2}$$
, $g^{12} = g^{21} = -\frac{F}{EG - F^2}$, $g^{22} = \frac{E}{EG - F^2}$... (式18)

5 さらに、各点において第2基本量し、M、Nを以下のように定義する。

$$L = \left(\frac{\partial^2 p}{\partial (u^1)^2}, n\right), \quad M = \left(\frac{\partial^2 p}{\partial u^1 \partial u^2}, n\right), \quad N = \left(\frac{\partial^2 p}{\partial (u^2)^2}, n\right) \cdots (\not\equiv 19)$$

そして、さらに第2基本テンソル(h_{ij} 、i,j=1, 2)を以下のように定義する。

 $h_{11} = L$, $h_{12} = h_{21} = M$, $h_{22} = N$ ···(式20)

10 今、動標構 { e 1 、 e 2 、 n } を曲面座標 (u 1 、 u 2) で微分すると、次の 2式 (式 2 1 のガウスの式及び式 2 2 のワインガルテンの式) で示される曲面の 構造方程式を得る。

$$\frac{\partial e^{i}}{\partial u^{j}} = \begin{Bmatrix} k \\ i \end{Bmatrix} e_{k} + h_{ij}n \cdots ($$
 $\pm 21)$

$$\frac{\partial \mathbf{n}}{\partial u_i} = -\mathbf{g}^{jk} \mathbf{h}_{ij} \mathbf{e}_k \cdots (\mathbf{I} \mathbf{22})$$

$$\begin{Bmatrix} k \\ i \quad j \end{Bmatrix} = \frac{1}{2} g^{kl} \left(\frac{\partial g_{lj}}{\partial u^i} + \frac{\partial g_{lj}}{\partial u^j} + \frac{\partial g_{ij}}{\partial u^l} \right) \cdots (\pm 23)$$

ただし、式23はクリストッフェルの記号を示す。

この構造方程式21、22の積分可能条件は次の2式(式24のガウスの方程 式及び式25のマイナル・コダッツィの方程式)で示される。

$$R_{jkl}^{i} = g^{im} (h_{jk}h_{lm} - h_{jl}h_{km})$$
 …(式24)

$$\frac{\partial h_{ij}}{\partial u^k} - \frac{\partial h_{ik}}{\partial u^j} + \left\{ \begin{array}{c} I \\ i \end{array} \right\} h_{ik} - \left\{ \begin{array}{c} I \\ i \end{array} \right\} h_{ij} = 0 \quad \cdots \text{ (式25)}$$

$$R_{jkl}^{i} = \frac{\partial}{\partial u^{l}} \begin{Bmatrix} i \\ j \\ k \end{Bmatrix} - \frac{\partial}{\partial u^{k}} \begin{Bmatrix} i \\ j \\ l \end{Bmatrix} + \begin{Bmatrix} m \\ j \\ k \end{Bmatrix} \begin{Bmatrix} i \\ m \\ l \end{Bmatrix} - \begin{Bmatrix} m \\ j \\ l \end{Bmatrix} \begin{Bmatrix} i \\ m \\ k \end{Bmatrix}$$

---(式26)

ただし、式26はリーマン・クリストッフェルの曲率テンソルを示す。

第1基本テンソル(g i j、 i, j = 1, 2)と第2基本テンソル(h i j、 i, j = 1, 2)が曲面座標(u 1、u 2)の関数として与えられ、これらが上述のガウスの方程式及びマイナル・コダッツィの方程式を満たす場合、そのような g i j、h i jを持つ曲面の形は一意に決まる(ボネの基本定理を参照)ので、それぞれのメッシュはC 2 連続となる。

CPUはこれらの演算処理を行い、上述の積分可能条件を算出する(ステップS2)。

次にCPUは、曲率線解析処理と、特徴線解析処理及び曲率・ガース長さ変換
如理を実行する(ステップS3)。まず曲率線解析処理により、一次規格量E,
F,G及び二次規格量L,M,Nに基づいて、メッシュにおける主曲率 κ 1、 κ 2を算出する(ステップS4)。すなわち、まず上述の曲率 κ 0極値を算出する。図3に示す法平面と曲面との交線である法断面の形状は、その接線方向とと
もに変化し、それに伴って法曲率も変化する。この形状は法平面を半回転させた
15 ところでもとの状態に戻る。今、 γ を

$$\gamma = \frac{dv}{du}$$
 ··· (式27)

とおき、さらに κ を γ の関数 κ (γ)と書き直すと、

$$\{L - \kappa(\gamma) \cdot E\} + 2\{M - \kappa(\gamma) \cdot F\}\gamma + \{N - \kappa(\gamma) \cdot G\}\gamma^2 = 0 \cdots (式28)$$

となる。この γ の2次式より d κ (γ) / d γ = 0 において、 κ (γ) は極値 を取る。そして、この極値条件のもとで、式15 を微分し、 κ と γ を (κ ~) と (γ ~) と書き換えると、

$$(M - \tilde{\kappa}F) + (N - \tilde{\kappa}G)\tilde{\gamma} = 0$$
 …(式29)

を得る。そして、数16に代入すると、

$$(L - \tilde{\kappa} E) + (M - \tilde{\kappa})\tilde{\gamma} = 0$$
 …(式30)

25 を得る。これらの式より以下の関係式が得られる。

$$\tilde{\gamma} = \frac{-(M - \tilde{\kappa}F)}{(N - \tilde{\kappa}G)} = \frac{-(L - \tilde{\kappa}E)}{(M - \tilde{\kappa}F)} \cdots (\pm 31)$$

15

20

$$\tilde{\kappa} = \frac{(M + \tilde{\gamma}N)}{(F + \tilde{\gamma}G)} = \frac{(L + \tilde{\gamma}M)}{(E + \tilde{\gamma}F)} \cdots (\vec{\Xi}32)$$

式18を変形すると、

$$(EG - F^2)\tilde{\kappa}^2 - (EN + LG - 2MF)\tilde{\kappa} + LN - M^2 = 0$$
 ... (式33)

が得られる。 $\kappa \sim 2$ の係数は、式 7 より正であり、この根を κ 1 、 κ 2 とする と、図 5 に示すように、この値が主曲率となる。

次に主曲率に基づいてガウス曲率または平均曲率を算出する(ステップS

5)。すなわち、2次方程式の根と係数の関係より、

$$K_m = \frac{1}{2} (\kappa_1 + \kappa_2) = \frac{1}{2} \frac{(EN + LG - 2MF)}{(EG - F^2)} \cdots (\sharp 34)$$

$$K_g = \kappa_1 \kappa_2 = \frac{(LN - M^2)}{(EG - F^2)} \cdots (\pm 35)$$

が表現される。ここで、Km、Kgはそれぞれ平均曲率及びガウス曲率である。Kg=0となるのは、図6に示すように、曲面が可展面となる場合であり、 曲面上の曲率線は直線になる。本実施形態においては、このガウス曲率が0となる点を後述する変形の基準点とする。

この点以外に変形の基準点として適当な点として、例えば、曲率線、境界線 (稜線)、図7に示す等傾斜直交線、図8に示す主曲率極値線、図9に示す傾斜 極値線、臍点を選択してもよい。これらは、曲面の特徴を示す特徴量である主曲 率,主方向,ガウス曲率,平均曲率,曲率線のうち、1または2以上の特徴量の 変化パターンによって規定される変形の基準点または基準線となる点または線で あり、一次規格量及び二次規格量に基づいて算出可能である。

また、主曲率に基づいて、メッシュの主方向を示す曲率線を算出する。すなわ ち、式19より κ ~を消去すると、

$$(MG-NF)\tilde{r}^2+(GL-NE)\tilde{r}+FL-ME=0$$
 …(式36) または、

$$(MG - NF) dv^2 + (GL - NE) dudv + (FL - ME) du^2 = 0$$
 …(式37)

25 を得る。これら 2 式はともに、曲率線の式であり、 2 次方程式であるので、 γ 1 、 γ 2 は以下の関係がある。

10

15

20

25

$$\gamma_1 + \gamma_2 = \frac{-(GL - NE)}{(MG - NF)}, \quad \gamma_1 \gamma_2 = \frac{(FL - ME)}{(MG - NF)} \cdots (\stackrel{\cdot}{\text{II}} 38)$$

曲面上の点において、 γ 1、 γ 2で決まる方向において、曲率は極値を取る。 曲面上の接線ベクトルは、(Sudu+Svdv)であり、 γ 1、 γ 2に対応する2つの接線ベクトルの内積は、

$$(ds)_1 \cdot (ds)_2 = \{(s_u + s_v \gamma_1) \cdot (s_u + s_v \gamma_2)\} (du)_1 (dv)_2 \cdots (\vec{x}_39)$$

となり、この{ }内を変換すると、

$$[E(MG-NF)-F(GL-NE)+G(FL-ME)]/(MG-NF)$$
 …(式40)

はゼロとなる。すなわち、主曲率の法断面の2つの接線方向は、直交している 事が分かる。この方向は主方向と呼ばれ、この主方向と曲面上の接線が一致する 場合、これが図10に示す曲率線となる。

以上により、メッシュの主方向を示す曲率線の算出処理が行われる。

次に曲率・ガース長さ変換処理を実行する(ステップS6)。すなわち、CP Uは、一次規格量E, F, G及び二次規格量L, M, Nに基づいてより算出される曲率に基づいてガース長さを算出する。上述の曲率線の算出処理によって算出された曲率線に沿って、曲率(1/r)から曲率半径rを算出し、曲率線のガース長さを算出区間毎に伸縮させる。

以上により、解析処理が行われる。

次に、CPUは、ステップS1及びステップS2で作成、抽出された点列情報及び一次規格量、二次規格量が収集されたことを受けて(ステップS7でYes)曲面データ転送処理を行う(ステップS9)。一方、これらの情報が揃わない場合、データベース評価処理を行う(ステップS7でNo)。すなわち、ステップS4~S6で算出された主方向、基準位置(点や線等)、変形量に基づいて再生される形状と、点列情報及び一次規格量、二次規格量に基づいて再生される形状を比較し、これらが一致する場合は(ステップS8でYes)、曲面データ転送処理を行う(ステップS9)。また、これらが一致しない場合は(ステップS8でNo)、近似補完精度向上処理を行う。すなわち、2階微分可能となるように元の曲面を近似補完し、再度ステップS1から上述の処理を繰り返す。そして、ステップS8における比較評価が一致した段階で、曲面データ転送処理に移

行する。

10

曲面データは図1に示す変換プログラム2、または再生プログラム3に対して 転送される。CPUは変換命令を受けると、変換プログラム2を実行する。すな わち、まず特徴点または特徴線としてえらんだガウス曲率0となる点を変形の基 準として、曲率線方向にガース長さ分だけ曲率線を伸縮変形させ、メッシュまた は曲面を再生する。そして、再生したメッシュまたは曲面から曲面上の複数の点 列を抽出し、点列を他のCADシステムにおける図形表現アルゴリズムにしたが って変換する。変換された図形データは、他のCADアプリケーション22によ って、再生された後、画像表示処理部11に出力される。画像表示処理部11 は、CADアプリケーション22が出力するデータの表示処理を行い、これを表 示部12に出力する。表示部12は、表示データの入力を受けて、これを表示す る。

また、CPUは再生命令を受けると、再生プログラム3を実行する。再生プログラムは、変換プログラムにおける変換処理を除いた処理をCPUに実行させる。すなわち、ガウス曲率0となる点を変形の基準として、曲率線方向にガース長さ分だけ曲率線を伸縮変形させ、メッシュまたは曲面を再生する。そして、再生した図形データを画像表示処理部11に出力し、表示処理後、表示部12において表示される。

以上説明したように、本実施形態のCADシステムによれば、C2連続の連続性を保持して、自由曲面の解析、変換、再生を行うことができる効果が得られる。したがってCADモデルの利用価値を大幅に高めることができるとともに、設計・生産プロセスを効率化することができる効果が得られる。

なお、本実施形態のCADシステムにおいては、CADモデルにおける自由曲面解析、変換、再生に関する一連の処理について説明したが、本発明のCADシステムはこれに限られるものではなく、上述したCGシステムやコンピュータを用いて画像表現を行うシステム及びプログラムにおいて適用可能である。

また、本実施形態のCADシステムにおいては、好適な例として図2に示すように曲面をメッシュに分割した後、基本ベクトルSu、Svで規格化し、点列情報(u、v)を用いたu、vパラメータ表現による自由曲面解析、変換、再生を

行ったが、本発明のCADシステムはこれに限られるものではなく、 (x、y、z) 座標パラメータによる座標値を用いてもよい。

上述のCADシステムは内部に、コンピュータシステムを有している。そして、上述した自由曲面解析、変換、再生に関する一連の処理の過程は、プログラムの形式でコンピュータ読み取り可能な記録媒体に記憶されており、このプログラムをコンピュータが読み出して実行することによって、上記処理が行われる。ここでコンピュータ読み取り可能な記録媒体とは、磁気ディスク、光磁気ディスク、CD-ROM、DVD-ROM、半導体メモリ等をいう。また、このコンピュータプログラムを通信回線によってコンピュータに配信し、この配信を受けたコンピュータが当該プログラムを実行するようにしても良い。

25

T/JP2003/012748

請求の範囲

1. 曲面上の複数の点列を抽出する点列情報抽出手段と、

前記点列から他のCADシステムを用いて曲面を生成し、該曲面を所定数のメッシュに分割する分割手段と、

5 該メッシュの接平面を形成する接線ベクトルによって定義される一次規格量を 算出する一次規格量算出手段と、

前記接線ベクトルと前記メッシュの法線ベクトルによって定義される二次規格 量を算出する二次規格量算出手段と、

前記点列情報及び前記一次規格量並びに前記二次規格量を記憶する記憶手段と を具備することを特徴とするCADシステム。

2. 前記一次規格量及び二次規格量に基づいて、前記メッシュの主曲率を算出する主曲率算出手段と、

前記主曲率に基づいて、前記メッシュの主方向を示す曲率線を算出する曲率線 算出手段と、

- 15 前記主曲率,前記主方向,前記曲率線,並びに前記一次規格量及び二次規格量 に基づいて算出されるガウス曲率及び平均曲率からなる前記曲面の特徴を示す5 つの特徴量のうち、1または2以上の特徴量の変化パターンによって規定される 変形の基準点または基準線となる点または線の抽出を行う特徴点・特徴線解析手 段と、
- 20 前記一次規格量及び二次規格量より算出される曲率に基づいてガース長さを算 出するガース長さ算出手段と

をさらに具備することを特徴とする請求項1に記載のCADシステム。

3. 前記特徴点または特徴線を変形の基準として、前記曲率線方向に前記ガース長さ分だけ前記曲率線を変形させ、前記メッシュまたは前記曲面を再生する再生手段

をさらに具備することを特徴とする請求項2に記載のCADシステム。

4. 前記再生したメッシュまたは曲面から曲面上の複数の点列を抽出し、該点列を他のCADシステムにおける図形表現アルゴリズムにしたがって、変換する変換手段

をさらに具備することを特徴とする請求項3に記載のCADシステム。

5. コンピュータに、

曲面上の複数の点列を抽出する点列情報抽出処理と、

前記点列から他のCADシステムを用いて曲面を生成し、該曲面を所定数のメ ッシュに分割する分割処理と、

該メッシュの接平面を形成する接線ベクトルによって定義される一次規格量を 算出する一次規格量算出処理と、

前記接線ベクトルと前記メッシュの法線ベクトルによって定義される二次規格量を算出する二次規格量算出処理と、

- 10 前記点列情報及び前記一次規格量並びに前記二次規格量を記憶する記憶処理と を実行させるためのCADプログラム。
 - 6. 前記一次規格量及び二次規格量に基づいて、前記メッシュの主曲率を算出 する主曲率算出処理と、

前記主曲率に基づいて、前記メッシュの主方向を示す曲率線を算出する曲率線 15 算出処理と、

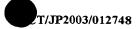
前記主曲率,前記主方向,前記曲率線,並びに前記一次規格量及び二次規格量に基づいて算出されるガウス曲率及び平均曲率からなる前記曲面の特徴を示す5つの特徴量のうち、1または2以上の特徴量の変化パターンによって規定される変形の基準点または基準線となる点または線の抽出を行う特徴点・特徴線解析処理と、

前記一次規格量及び二次規格量より算出される曲率に基づいてガース長さを算 出するガース長さ算出処理と

をさらにコンピュータに実行させるための請求項5に記載のCADプログラム。

25 7. 前記特徴点または特徴線を変形の基準として、前記曲率線方向に前記ガース長さ分だけ前記曲率線を変形させ、前記メッシュまたは前記曲面を再生する再生が理

をさらにコンピュータに実行させるための請求項6に記載のCADプログラム。



8. 前記再生したメッシュまたは曲面から曲面上の複数の点列を抽出し、該点列を他のCADシステムにおける図形表現アルゴリズムにしたがって、変換する変換処理

をさらにコンピュータに実行させるための請求項7に記載のCADプログラム。

9. 曲面上の複数の点列を抽出する点列情報抽出手段と、

前記点列から他のCGシステムを用いて曲面を生成し、該曲面を所定数のメッシュに分割する分割手段と、

該メッシュの接平面を形成する接線ベクトルによって定義される一次規格量を 10 算出する一次規格量算出手段と、

前記接線ベクトルと前記メッシュの法線ベクトルによって定義される二次規格 量を算出する二次規格量算出手段と、

前記点列情報及び前記一次規格量並びに前記二次規格量を記憶する記憶手段と を具備することを特徴とするCGシステム。

15 10. コンピュータに、

曲面上の複数の点列を抽出する点列情報抽出処理と、

前記点列から他のCGシステムを用いて曲面を生成し、該曲面を所定数のメッシュに分割する分割処理と、

該メッシュの接平面を形成する接線ベクトルによって定義される一次規格量を 20 算出する一次規格量算出処理と、

前記接線ベクトルと前記メッシュの法線ベクトルによって定義される二次規格 量を算出する二次規格量算出処理と、

前記点列情報及び前記一次規格量並びに前記二次規格量を記憶する記憶処理と を実行させるためのCGプログラム。



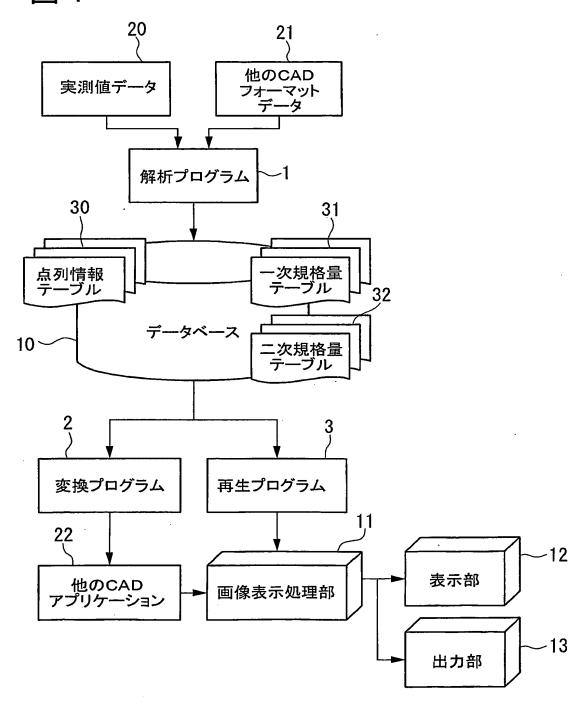
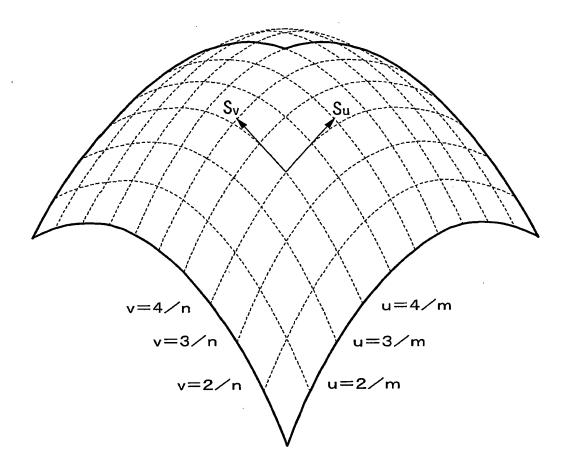
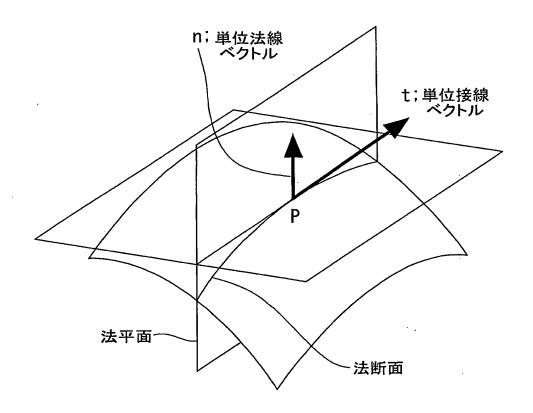
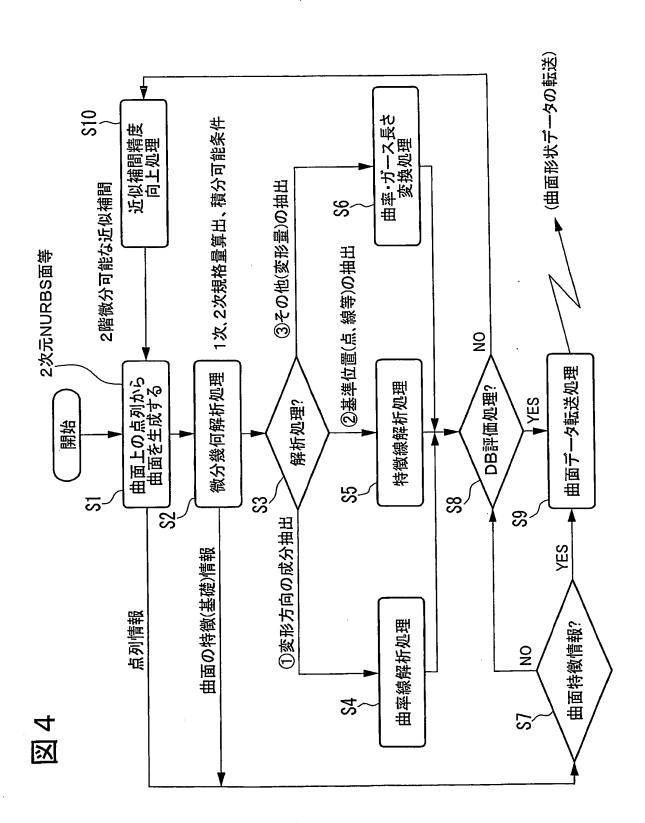


図 2

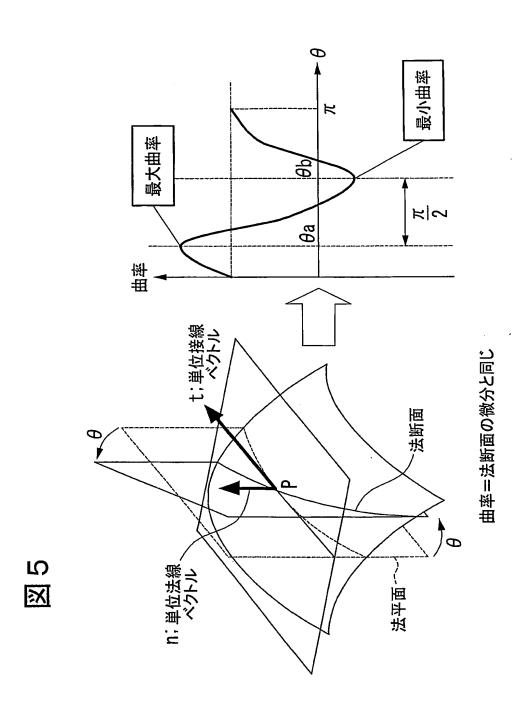


,



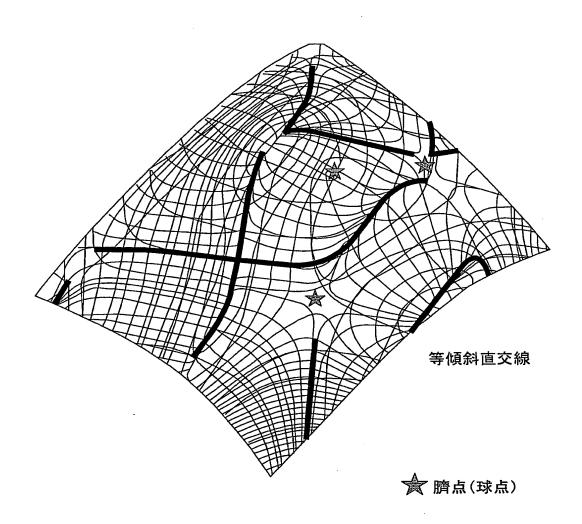


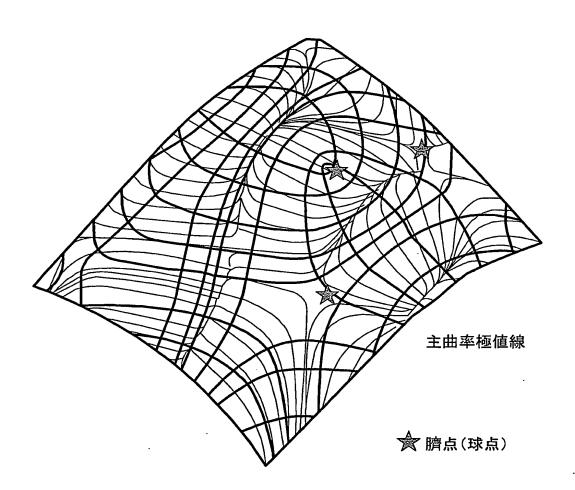
5/10



١	可展面				
	Kg>0	Kg=0	Kg<0		
Km>0					
	四型	谷型	鞍型(谷)		
Km=0	(なし)				
		平面	鞍型(均等)		
Km<0					
	凸型	尾根型	鞍型(尾根)		

平均曲率とガウス曲率による分類





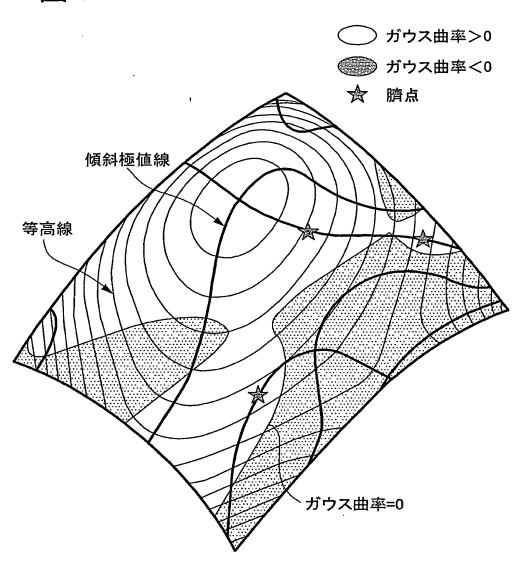
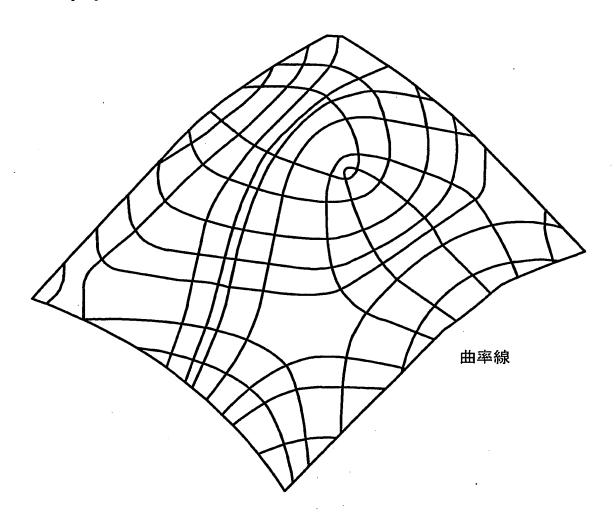


図10





International application No.
PCT/JP03/12748

A. CLASSIFICATION OF SUBJECT MATTER Int.Cl ⁷ G06F17/50						
According to International Patent Classification (IPC) or to both national classification and IPC						
B. FIELDS SEARCHED						
Minimum documentation searched (classification system followed by classification symbols) Int.Cl ⁷ G06F17/50 .						
Documentation searched other than minimum documentation to the extent that such documents are included in the fields searched						
Electronic d	ata base consulted during the international search (nam	e of data base and, where practicable, sear	rch terms used)			
C. DOCU	MENTS CONSIDERED TO BE RELEVANT					
Category*	· Citation of document, with indication, where ap	• • •	Relevant to claim No.			
X A			1,5,9,10 2-4,6-8			
X A	JP 11-65628 A (The Institute of Physical and Chemical Research), 09 March, 1999 (09.03.99), Par. Nos. [0014] to [0022] & EP 898247 A2 & US 5991703 A					
Furth	er documents are listed in the continuation of Box C.	See patent family annex.				
* Special categories of cited documents: document defining the general state of the art which is not considered to be of particular relevance "E" earlier document but published on or after the international filing date "L" document which may throw doubts on priority claim(s) or which is cited to establish the publication date of another citation or other special reason (as specified) document referring to an oral disclosure, use, exhibition or other means "P" document published prior to the international filing date but later than the priority date claimed Date of the actual completion of the international search		"T" later document published after the international filing date or priority date and not in conflict with the application but cited to understand the principle or theory underlying the invention document of particular relevance; the claimed invention cannot be considered novel or cannot be considered to involve an inventive step when the document is taken alone document of particular relevance; the claimed invention cannot be considered to involve an inventive step when the document is combined with one or more other such documents, such combination being obvious to a person skilled in the art document member of the same patent family				
.11 November, 2003 (11.11.03)		25 November, 2003 ((25.11.03)			
Name and mailing address of the ISA/ Japanese Patent Office		Authorized officer				
Facsimile No.		Telephone No.				

A. 発明の属する分野の分類(国際特許分類(IPC))							
Int. Cl ⁷ G06F17/50							
B. 調査を行った分野 調査を行った最小限資料(国際特許分類(IPC))							
Ιr	Int. Cl' G06F17/50						
最小限資料以外の資料で調査を行った分野に含まれるもの							
service strategy and the C	11 1 m 2 m /m h 4 m n 2 m	第7大)を住口) ** 田部へ					
国際調査で使用	目した電子データベース(データベースの名称、	調査に使用した用語)					
	ると認められる文献		2日7年 アユ				
引用文献の カテゴリー*	 引用文献名 及び一部の箇所が関連すると	ときは、その関連する箇所の表示	関連する 請求の範囲の番号				
X	JP 9-101136 A (新技行		1, 5, 9, 10				
A	1997.04.15,請求項1,		2-4, 6-8				
A	(ファミリー無し)	[0004]	2 1,00				
77	1D 11 CECOO 4 (797.0)	¥4711 % = = €\	1 5 0 10				
X	JP 11-65628 A (理化)		1, 5, 9, 10 2-4, 6-8				
A	1999. 03. 09, [0014]	~ 100221	2-4, 0-6				
·	& EP 898247 A2 & US 5991703 A						
	& 03 3991703 A						
			<u> </u>				
□ C欄の続き	きにも文献が列挙されている。	□ パテントファミリーに関する別	紙を参照。 ——————				
	ウカテゴリー	の日の後に公表された文献	سب باد رسی ۱ ا سام باد با را ما				
IA」特に関連 もの	車のある文献ではなく、一般的技術水準を示す	「T」国際出願日又は優先日後に公表さ 出願と矛盾するものではなく、多	された人献であって を明の原理マは理論				
	頭日前の出願または特許であるが、国際出願日	の理解のために引用するもの	D 21 - D 21 - D 27 - C C C C C C C C C C C C C C C C C C				
以後に公表されたもの		「X」特に関連のある文献であって、					
「L」優先権主張に疑義を提起する文献又は他の文献の発行		の新規性又は進歩性がないと考え	えられるもの				
日若しくは他の特別な理由を確立するために引用する 「Y」特に関連のある文献であって、当該文献 文献(理由を付す) 上の文献との、当業者にとって自明であ							
「〇」口頭に。	よる開示、使用、展示等に言及する文献	よって進歩性がないと考えられる					
「P」国際出願	「P」国際出願日前で、かつ優先権の主張の基礎となる出願 「&」同一パテントファミリー文献						
国際調査を完了した日 11.11.03		国際調査報告の発送日 25.11.03					
							
国際調査機関の名称及びあて先		特許庁審査官(権限のある職員) 田中 幸雄	5H 9191				
郵便番号100-8915			<i>"</i>				
東京都千代田区霞が関三丁目4番3号		電話番号 03-3581-1101	内線 3531				